

# Mathematical computations with GPUs

## Introduction to OpenACC

Alexey A. Romanenko  
arom@ccfit.nsu.ru  
Novosibirsk State University

# Agenda

- \* What is OpenACC ?
- \* OpenACC API
- \* Examples...

# Approaches to GPU programming

Application

Optimized  
libraries

Compiler  
directives

Programming languages  
(C/C++/FORTRAN)

Fast development

Maximum performance

# Пример SAXPY на C: OpenMP

- \* Простота
- \* Открытый стандарт
- \* Высокая производительность

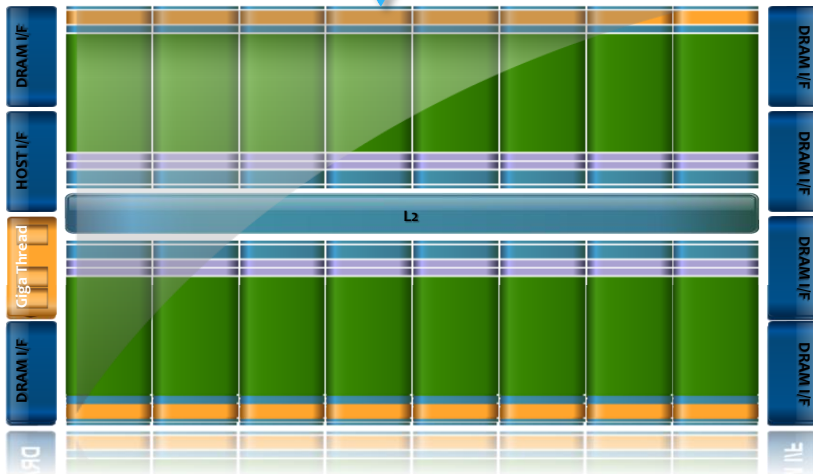
```
void saxpy(int n, float a, float *x,  
           float *restrict y){  
    #pragma omp parallel for  
    for (int i = 0; i < n; ++i)  
        y[i] = a*x[i] + y[i];  
}  
  
...  
// Perform SAXPY on 1M elements  
saxpy(1<<20, 2.0, x, y);  
...
```

# Пример SAXPY на C: OpenACC

- \* Простота
- \* Открытый стандарт
- \* Высокая производительность

```
void saxpy(int n, float a, float *x,  
          float *restrict y){  
    #pragma acc parallel  
    for (int i = 0; i < n; ++i)  
        y[i] = a*x[i] + y[i];  
}
```

```
...  
// Perform SAXPY on 1M elements  
saxpy(1<<20, 2.0, x, y);  
...
```



# OpenACC API

- \* **Директивы компилятору указывают области параллельных вычислений** в языках C и Fortran
  - \* выгружает области с интенсивными вычислениями на GPU.
  - \* код не зависит от ОС, CPU, ускорителя, и компилятора
- \* **Возможность создавать высокоуровневые гибридные (CPU+ускоритель) программы**
  - \* без явной инициализации ускорителя
  - \* без явного копирования данных между CPU и ускорителем

# OpenACC

- \* Программная модель позволяет программисту легко начать программировать GPU, обеспечивая компилятор подсказками:
  - \* данные для размещения на ускорителе и их характеристики
  - \* рекомендации по отображению циклов на ускоритель
  - \* и другие, связанные с производительностью, детали
- \* Совместим с другими языками программирования GPU и библиотеками:
  - \* взаимодействие с CUDA C/Fortran и GPU библиотеками
  - \* например CUFFT, CUBLAS, CUSPARSE, и т.д.

# Спецификация v1.0

- \* Полная Спецификация OpenACC 1.0 доступна на сайте:  
<http://www.openacc-standard.org>
- \* Также доступна памятка по OpenACC
- \* Пробная версия компилятора:  
<http://www.nvidia.com/object/openacc-gpu-directives.html>
- \* Онлайн курсы и вебинары:  
<http://www.nvidia.com/object/webinar.html>





# Модель исполнения OpenACC

## \* CPU

- \* выполняет большую часть программы
- \* выделяет память на ускорителе
- \* инициирует копирование данных из памяти хоста в память ускорителя
- \* отправляет код ядра на ускоритель
- \* устанавливает ядра в очередь для исполнения на ускорителе
- \* ожидает выполнения ядра
- \* инициирует копирование данных из памяти ускорителя в память хоста
- \* освобождает память ускорителя

## \* Ускоритель

- \* исполняет ядра одно за другим
- \* одновременно может передавать данные между хостом и ускорителем

# Модель исполнения OpenACC

- \* Модель исполнения OpenACC имеет три уровня: **gang**, **worker**, **vector**
- \* На архитектуру эта модель отображается, как набор обрабатываемых элементов (PEs)
- \* Каждый PE содержит много рабочих и каждый рабочий может выполнять векторные инструкции
- \* Для GPU в большинстве случаев отображение происходит так: gang=block, worker=warp, vector=threads-in-warp
- \* Зависит от того, как компилятор посчитает нужным

# Сравнение CUDA C/Fortran с OpenACC

## \* **CUDA C/Fortran:**

- + Высокая производительность кода, оптимизированного вручную
- + Портирование кода на GPU по частям
- Поддержка только CUDA платформ
- Необходимо иметь два различных варианта кода

## \* **OpenACC:**

- + Возможна хорошая производительность
- + Портирование кода на различные ускорители по частям
- + Поддержка не только CUDA платформ
- + Нужен только один вариант кода
- Нельзя отследить решения компилятора
- Почти все зависит от специфик реализации компилятора вендором

# OpenACC API

# Синтаксис директив

- \* **Fortran**

*!\$acc directive [атрибут [, атрибут] ...]*

структурированный блок

*!\$acc end directive*

- \* **C**

*#pragma acc directive [атрибут [, атрибут] ...]*

структурированный блок

# КОМПИЛЯЦИЯ

## **с помощью компилятора HMPP**

- \* `hmpp --openacc-target=CUDA gfortran <filename>`
- \* `hmpp --openacc-target=CUDA gcc <filename>`

## **с помощью компилятора PGI**

- \* `pgfortran -acc -ta=nvidia <filename>`
- \* `pgcc -acc -ta=nvidia <filename>`

## **с помощью компилятора CRAY**

- \* `ftn -h acc <filename>`

# Конструкция Parallel

## Fortran

```
!$acc parallel [атрибут [, атрибут]... ]  
    структурированный блок  
!$acc end parallel
```

## C

```
#pragma acc parallel [атрибут [, атрибут]... ]  
    структурированный блок
```

# Атрибуты конструкции Parallel

## Основные атрибуты

- \* if (condition)
- \* async [(exp)]
- \* num\_gangs (exp)
- \* num\_workers (exp )
- \* vector\_length(exp )
- \* private(list)
- \* firstprivate(list)
- \* reduction( operator:list )

## атрибуты данных

- \* copy\*(list)
- \* create(list)
- \* present(list)
- \* present\_or\_copy\*(list)
- \* present\_or\_create(list)
- \* deviceptr(list)
- \* private(list)
- \* firstprivate(list)
  
- \* \*<blank>|in|out



# Ограничения в использовании конструкции Parallel

- \* Не может включать регионы parallel и kernels
- \* Нельзя делать условные входы и выходы в регион
- \* Не зависит от порядка указания атрибутов
- \* Условие в if должно быть только одно

# Конструкция Kernels

## Fortran

```
!$acc acc kernels [атрибут [, атрибут]... ]  
    структурированный блок  
!$acc end kernels
```

## C

```
#pragma acc kernels [атрибут [, атрибут]... ]  
    структурированный блок
```

# Конструкция Kernels

**!\$acc kernels**

```
do i = 1,n  
do j = 1,n  
  a(i,j) = 0.0  
enddo  
enddo
```

ядро 1

```
do k = 1,n  
  b(k) = 1.0  
enddo
```

ядро 2

**!\$acc end kernels**

# Атрибуты

## Основные атрибуты

- \* if (condition)
- \* async [(exp)]

## атрибуты данных

- \* copy\*(list)
- \* create(list)
- \* present(list)
- \* present\_or\_copy\*(list)
- \* present\_or\_create(list)
- \* deviceptr(list)
- \* private(list)
- \* firstprivate(list)
  
- \* \*<blank>|in|out

# Сравнение Parallel и Kernels

```
int a [10000];  
int b [10000];  
#pragma acc parallel  
{  
    for (int i=0; i<1000; i++)  
        a[i] = i - 100 + 23;  
  
    for (int j=0; j<1000; j++)  
        b[j] = j - 10 + 213;  
}
```

# Сравнение Parallel и Kernels

```
arom@cuda:~/cuda/pgi$ pgcc -acc -ta=nvidia -Minfo=accel test10.c -o test10
```

```
main:
```

```
7, Accelerator kernel generated
```

```
9, #pragma acc loop vector(256) /* threadIdx.x */
```

```
12, #pragma acc loop vector(256) /* threadIdx.x */
```

```
7, Generating present_or_copyout(a[0:1000])
```

```
Generating present_or_copyout(b[0:1000])
```

```
Generating NVIDIA code
```

```
9, Loop is parallelizable
```

```
12, Loop is parallelizable
```

```
arom@cuda:~/cuda/pgi$ PGI_ACC_NOTIFY=3 ./test10
```

```
launch CUDA kernel file=... function=main line=7 device=0 num_gangs=1 num_workers=1  
vector_length=256 grid=1 block=256
```

```
download CUDA data file=... function=main line=16 device=0 variable=b bytes=4000
```

```
download CUDA data file=... function=main line=16 device=0 variable=a bytes=4000
```

# Сравнение Parallel и Kernels

```
int a [10000];  
int b [10000];  
#pragma acc kernels  
{  
    for (int i=0; i<1000; i++)  
        a[i] = i - 100 + 23;  
  
    for (int j=0; j<1000; j++)  
        b[j] = j - 10 + 213;  
}
```

# Сравнение Parallel и Kernels

```
arom@cuda:~/cuda/pgi$ pgcc -acc -ta=nvidia -Minfo=accel test10.c -o test10  
main:
```

```
    7, Generating present_or_copyout(a[0:1000])  
      Generating present_or_copyout(b[0:1000])  
      Generating NVIDIA code  
    9, Loop is parallelizable  
      Accelerator kernel generated  
      9, #pragma acc loop gang, vector(128) /* blockIdx.x threadIdx.x */  
   12, Loop is parallelizable  
      Accelerator kernel generated  
      12, #pragma acc loop gang, vector(128) /* blockIdx.x threadIdx.x */  
arom@cuda:~/cuda/pgi$ PGI_ACC_NOTIFY=3 ./test10  
launch CUDA kernel  file=... function=main line=9 device=0 num_gangs=8 num_workers=1  
vector_length=128 grid=8 block=128  
launch CUDA kernel  file=... function=main line=12 device=0 num_gangs=8 num_workers=1  
vector_length=128 grid=8 block=128  
download CUDA data  file=... function=main line=16 device=0 variable=b bytes=4000  
download CUDA data  file=... function=main line=16 device=0 variable=a bytes=4000
```



# Конструкция Loop

## Fortran

```
!$acc loop [атрибут [, атрибут]... ]  
do loop
```

## C

```
#pragma acc loop [атрибут [, атрибут]... ]  
for loop
```

## Атрибуты

- \* collapse(n)
- \* gang[(exp)]
- \* worker[(exp)]
- \* vector[(exp)]
- \* seq
- \* independent
- \* private(list)
- \* reduction(op:list)

# Сравнение Independent и Seq

```
int a [10000];

#pragma acc kernels
{
#pragma acc loop independent
    for (int i=0; i<100; i++){
        #pragma acc loop independent
        {
            for (int j=0; j<100; j++)
                a[i*100 + j] = i - 100 + 23 + j;
        }
    }
}
```

# Сравнение Independent и Seq

```
arom@cuda:~/cuda/pgi$ pgcc -acc -Minfo=accel -o c1 ./c1.c
main:
  5, Generating present_or_copy(a[0:])
    Generating NVIDIA code
  8, Loop is parallelizable
11, Loop is parallelizable
    Accelerator kernel generated
     8, #pragma acc loop gang /* blockIdx.y */
    11, #pragma acc loop gang, vector(128) /* blockIdx.x threadIdx.x */
```

# Сравнение Independent и Seq

```
int a [10000];

#pragma acc kernels
{
#pragma acc loop independent
    for (int i=0; i<100; i++){
        #pragma acc loop seq
        {
            for (int j=0; j<100; j++)
                a[i*100 + j] = i - 100 + 23 + j;
        }
    }
}
```

# Сравнение Independent и Seq

```
arom@cuda:~/cuda/pgi$ pgcc -acc -Minfo=accel -o c2 ./c2.c
```

```
main:  
  5, Generating present_or_copy(a[0:])  
    Generating NVIDIA code  
  8, Loop is parallelizable  
11, Loop is parallelizable  
    Accelerator kernel generated  
    8, #pragma acc loop gang, vector(128) /* blockIdx.x threadIdx.x */
```

# Комбинированные директивы

## Fortran

```
!$acc parallel loop [атрибут ... ]  
    do loop  
[$acc end parallel loop]
```

```
!$acc kernels loop [атрибут... ]  
    do loop  
[$acc end kernels loop]
```

## C

```
#pragma acc parallel loop  
[атрибут... ]  
    for loop
```

```
#pragma acc kernels loop  
[атрибут... ]  
    for loop
```

# Отображение на блоки и нити CUDA

- \* Вложенные циклы создают многомерные сетки и блоки
- \* В большинстве случаев:  
gang -> blocks, vector -> threads
- \* Пример: 2-мерный цикл ->  
grid[100x200], block[16x32]

```
#pragma acc kernels loop gang(100), vector(16)  
    for( ... )  
#pragma acc loop gang(200), vector(32)  
    for( ... )
```

16 нитей в  
длину

100 блоков в длину  
(ряд/направление Y)

200 блоков в ширину  
(столбец/направление  
X)

32 нити в  
ширину

# Отображение на блоки и нити CUDA

```
n = 12800;  
#pragma acc kernels  
  for( int i = 0; i < n; ++i ) y[i] += a*x[i];
```

←  $n/32$  блока, каждый по 32 нити по умолчанию

```
#pragma acc kernels loop gang(100) vector(128)  
  for( int i = 0; i < n; ++i ) y[i] += a*x[i];
```

← 100 блоков, каждый по 128 нитей, каждая нить выполняет одну итерацию цикла с использованием kernels

```
#pragma acc parallel num_gangs(100) vector_length(128)  
{  
  #pragma acc loop gang vector  
  for( int i = 0; i < n; ++i ) y[i] += a*x[i]; }
```

← 100 блоков, каждый по 128 нитей, каждая нить выполняет одну итерацию цикла с использованием parallel



# Отображение на блоки и нити CUDA

```
#pragma acc parallel num_gangs(100)
{
    for( int i = 0; i < n; ++i ) y[i] += a*x[i]; }
```

◀ 100 блоков, каждый по 32 нити  
по умолчанию

```
#pragma acc parallel num_gangs(100)
{
    #pragma acc loop gang
    for( int i = 0; i < n; ++i ) y[i] += a*x[i]; }
```

◀ 100 блоков, каждый по 32 нити  
по умолчанию

# Отображение на блоки и нити CUDA

Каждая нить может выполнять одну итерацию цикла, или несколько, в зависимости от того, как определено отображение

```
#pragma acc kernels loop gang(100) vector(128)  
  for( int i = 0; i < n; ++i ) y[i] += a*x[i];
```

100 блоков, каждый по 128 нитей

```
#pragma acc kernels loop gang(50) vector(128)  
  for( int i = 0; i < n; ++i ) y[i] += a*x[i];
```

50 блоков, каждый по 128 нитей

Выполнение нескольких итераций одной нитью может увеличить производительность, снизив затраты на инициализацию

# Атрибуты для области Data

## Fortran

Синтаксис: array (начало : конец [, n:k] ... )

Примеры: a(:, :), a(1:100, 2:n)

## C

Синтаксис: array[ начало : длина ]

Примеры: a[2:n] // это значит a[2], a[3], ..., a[2+n-1]

# Использование региона Data

```
int a [1000];  
int b [1000];
```

```
#pragma acc parallel  
for (int i=0; i<1000; i++)  
{  
    a[i] = i - 100 + 23;  
}
```

```
#pragma acc parallel  
for (int j=0; j<1000; j++)  
{  
    b[j] = a[j] - j - 10 + 213;  
}
```

Директивы *parallel* размещены отдельно и потребуют генерации ядер с отдельным копированием данных

# Использование региона Data

main:

```
11, Accelerator kernel generated
    12, #pragma acc loop vector(256) /* threadIdx.x */
11, Generating present_or_copyin(a[0:])
    Generating NVIDIA code
12, Loop is parallelizable
17, Accelerator kernel generated
    18, #pragma acc loop vector(256) /* threadIdx.x */
17, Generating present_or_copyin(b[0:])
    Generating present_or_copyin(a[0:])
    Generating NVIDIA code
18, Loop is parallelizable
```

# Использование региона Data

```
PGI_ACC_NOTIFY=3 ./test11
launch CUDA kernel  file=... function=main line=9 device=0 num_gangs=1
num_workers=1 vector_length=256 grid=1 block=256
download CUDA data  file=... function=main line=15 device=0 variable=a
bytes=4000
upload CUDA data   file=... function=main line=15 device=0 variable=a
bytes=4000
launch CUDA kernel  file=... function=main line=15 device=0 num_gangs=1
num_workers=1 vector_length=256 grid=1 block=256
download CUDA data  file=... function=main line=22 device=0 variable=a
bytes=4000
download CUDA data  file=... function=main line=22 device=0 variable=b
bytes=4000
```

# Использование региона Data

```
int a [1000];
int b [1000];
#pragma acc data copyout (a[0:1000],b[0:1000])
{
#pragma acc parallel
for (int i=0; i<1000; i++)
{
    a[i]=i-100+23;
}

#pragma acc parallel
for (int j=0; j<1000; j++)
{
    b[j]=a[j]-j-10+213;
}
}
```

Директивы *parallel* размещены в рамках объемлющего региона *data* и потребуют генерации отдельных ядер, однако данные копируются один раз

# Использование региона Data

```
pgcc -acc -ta=nvidia -Minfo=accel test11.c -o test11
```

```
main:
```

```
    9, Generating copyout(a[0:])
```

```
        Generating copyout(b[0:])
```

```
   11, Accelerator kernel generated
```

```
        12, #pragma acc loop vector(256) /* threadIdx.x */
```

```
   11, Generating NVIDIA code
```

```
   12, Loop is parallelizable
```

```
   17, Accelerator kernel generated
```

```
        18, #pragma acc loop vector(256) /* threadIdx.x */
```

```
   17, Generating NVIDIA code
```

```
   18, Loop is parallelizable
```



# Использование региона Data

```
PGI_ACC_NOTIFY=3 ./test11
```

```
launch CUDA kernel file=.. function=main line=11 device=0 num_gangs=1  
num_workers=1 vector_length=256 grid=1 block=256
```

```
launch CUDA kernel file=.. function=main line=17 device=0 num_gangs=1  
num_workers=1 vector_length=256 grid=1 block=256
```

```
download CUDA data file=.. function=main line=24 device=0 variable=b  
bytes=4000
```

```
download CUDA data file=.. function=main line=24 device=0 variable=a  
bytes=4000
```

# Остальные директивы

- \* **host\_data**

Делает адрес данных на ускорителе доступным для хоста

- \* **cache**

Кэширует данные через программно-управляемый кэш.  
(CUDA разделяемая память)

- \* **update**

Обновляет существующие данные после их изменения

- \* **wait**

Ожидает выполнения асинхронных операций на ускорителе

- \* **declare**

Указывает, что необходимо выделить память на ускорителе для использования в рамках региона data

# Конструкция Host\_Data

## Fortran

```
!$acc host_data [атрибут [, атрибут]... ]  
    структурированный блок  
!$acc end host_data
```

## C

```
#pragma acc host_data [атрибут [, атрибут]... ]  
    структурированный блок
```

# Директива Cache

## Fortran

!\$acc cache ( list )

Пример: !\$acc cache ( arr ( n1:k1, n2:k2 ) )

## C

#pragma cache ( list ) new-line

Пример: #pragma cache ( arr[ начало:длина] )

# Директива Update

## Fortran

!\$acc update атрибут [, атрибут]...

## C

#pragma acc update атрибут [, атрибут]...

## Атрибуты

- \* host(list)
- \* device(list)
- \* if(condition)
- \* async[(expr)]

# Директива Wait

## Fortran

```
!$acc wait [(expression)]
```

## C

```
#pragma acc [(expression)]
```

# Директива Declare

## Fortran

```
!$acc declare [атрибут [, атрибут]... ]
```

## C

```
#pragma acc declare [атрибут [, атрибут]... ]
```

## Атрибуты данных

- \* copy\*(list)
- \* create(list)
- \* present(list)
- \* present\_or\_copy\*(list)
- \* present\_or\_create(list)
- \* deviceptr(list)
- \* device\_resident(list)
  
- \* <blank>|in|out

# Подпрограммы runtime

## Fortran

```
use openacc  
#include "openacc_lib.h"
```

## C

```
#include "openacc.h"
```

## Функции

- |                       |              |
|-----------------------|--------------|
| * acc_get_num_devices | * acc_init   |
| * acc_set_device_type | * acc_malloc |
| * acc_set_device_num  | * acc_free   |
| * acc_async_wait      | * ...        |



# Переменные среды и условная КОМПИЛЯЦИЯ

- \* ACC\_DEVICE device  
Тип ускорителя
- \* ACC\_DEVICE\_NUM num  
Номер ускорителя
- \* \_OPENACC  
Директива препроцессору для условной компиляции

# OpenACC v2.0

июнь 2013

- \* Дополнения:
  - \* entry data, exit data
  - \* routine
  - \* atomic
  - \* API
  - \* и т.д.

Example

# Example

```
!Jacobi solver
  do while (change > tolerance)
    change = 0.0
    iter = iter + 1
!Parallel region to be executed on GPU
    do j = 2, n-1
      do i = 2, n-1
        newa(i,j) = w0 * a(i,j) + &
          w1 * (a(i-1,j)+a(i,j-1)+a(i+1,j)+a(i,j+1)) + &
          w2 * (a(i-1,j-1)+a(i-1,j+1)+a(i+1,j-1)+a(i+1,j+1))
        change = max(change, abs(newa(i,j) - a(i, j)))
      enddo
    enddo
    a(2:n-1,2:n-1) = newa(2:n-1,2:n-1)
!end of parallel region
  enddo
```

# Example

```
!Jacobi solver
  do while (change > tolerance)
    change = 0.0
    iter = iter + 1
!$acc parallel
  do j = 2, n-1
  do i = 2, n-1
    newa(i,j)= w0 * a(i,j) + &
      w1 * (a(i-1,j)+a(i,j-1)+a(i+1,j)+a(i,j+1)) + &
      w2 * (a(i-1,j-1)+a(i-1,j+1)+a(i+1,j-1)+a(i+1,j+1))
    change = max(change, abs(newa(i,j) - a(i, j)))
  enddo
  enddo
  a(2:n-1,2:n-1) = newa(2:n-1,2:n-1)
!$acc end parallel
  enddo
```

# Example

```
!$acc data copy(a, newa)
  do while (change > tolerance)
    change = 0.0
    iter = iter + 1
!$acc parallel reduction(max:change)
  do j = 2, n-1
  do i = 2, n-1
    newa(i,j)= w0 * a(i,j) + &
      w1 * (a(i-1,j)+a(i,j-1)+a(i+1,j)+a(i,j+1)) + &
      w2 * (a(i-1,j-1)+a(i-1,j+1)+a(i+1,j-1)+a(i+1,j+1))
    change = max(change, abs(newa(i,j) - a(i, j)))
  enddo
  enddo
!$acc end parallel
!$acc parallel
  a(2:n-1,2:n-1) = newa(2:n-1,2:n-1)
!$acc end parallel
  enddo
!$acc end data
```

# Example

```
!$acc data copyin(a), create(newa)
  do while (change > tolerance)
    change = 0.0
    iter = iter + 1
!$acc parallel reduction(max:change)
  do j = 2, n-1
  do i = 2, n-1
    newa(i,j)= w0 * a(i,j) + &
      w1 * (a(i-1,j)+a(i,j-1)+a(i+1,j)+a(i,j+1)) + &
      w2 * (a(i-1,j-1)+a(i-1,j+1)+a(i+1,j-1)+a(i+1,j+1))
    change = max(change, abs(newa(i,j) - a(i, j)))
  enddo
  enddo
!$acc end parallel
!$acc parallel
  a(2:n-1,2:n-1) = newa(2:n-1,2:n-1)
!$acc end parallel
  enddo
!$acc end data
```

# Example

```
!$acc data copyin(a), create(newa)
  do while (change > tolerance)
    change = 0.0
    iter = iter + 1
!$acc kernels loop reduction(max:change), gang(32), worker(8)
  do j = 2, n-1
  do i = 2, n-1
    newa(i,j)= w0 * a(i,j) + &
      w1 * (a(i-1,j)+a(i,j-1)+a(i+1,j)+a(i,j+1)) + &
      w2 * (a(i-1,j-1)+a(i-1,j+1)+a(i+1,j-1)+a(i+1,j+1))
    change = max(change, abs(newa(i,j) - a(i, j)))
  enddo
  enddo
!$acc end kernels loop
!$acc parallel
  a(2:n-1,2:n-1) = newa(2:n-1,2:n-1)
!$acc end parallel
  enddo
!$acc end data
```



# Example

```
pgfortran -fast -acc -ta=nvidia -Minfo=accel -o jac_p jac.f90
jacobi:
```

```
42, Generating copyin(a(1:n,1:n))  
    Generating copyout(a(2:n-1,2:n-1))  
    Generating local(newa(:,:))  
43, Loop is parallelizable  
44, Loop is parallelizable  
    Accelerator kernel generated  
43, !$acc do parallel, vector(16) ! blockidx%y threadidx%y  
44, !$acc do parallel, vector(16) ! blockidx%x threadidx%x  
    Cached references to size [18x18] block of 'a'  
48, Max reduction generated for cur_eps  
51, Loop is parallelizable  
    Accelerator kernel generated  
51, !$acc do parallel, vector(16) ! blockidx%x threadidx%x  
    !$acc do parallel, vector(16) ! blockidx%y threadidx%y
```

# Example

- \* **Tesla T10 Processor**

```
[conqueror@tesla-cmc Tutorial2]$ ./J4.exe 1024
```

```
reached delta= 0.09998 in      3430 iterations for 1024 x 1024 array
```

```
time = 25.8760 seconds
```

- \* **Intel(R) Xeon(R) CPU E5620 @2.40GHz**

```
[conqueror@tesla-cmc sc1]$ ./j5 1024
```

```
Jacobi 1024 x 1024
```

```
JacobiHost converged in 3427 iterations to residual 0.099976
```

```
time(host) = 140.386185 seconds
```

# Example

	<b>N=400</b>	<b>N=512</b>	<b>N=1024</b>
CPU Single CPU thread	6.7759	16.0250	140.3861
OpenMP (optimized)	1.8580	3.7771	29.6452
<b>PGI OpenACC</b>	<b>6.8860</b>	<b>8.9890</b>	<b>9.2995</b>
CUDA C (optimized)	3.8095	4.1140	6.5899